

## Tarea 6. Funciones 2 (No olvidar que estamos trabajando en $\mathbb{R}$ ).

1. Para las siguientes asignaciones (en  $\mathbb{R}$ ) encuentre el dominio máximo para el cual se puede definir una función con dicha regla de correspondencia (asignación) y codominio  $\mathbb{R}$ , Una vez definida la función, proporcione la imagen de esta.

- $f(x) = \frac{2x^2 + 3x - 1}{x^2 - 4}$ .

- $g(x) = \frac{x^3 - 8}{x^2 - 4}$ .

- $h(x) = \frac{x^4 - 16}{x^2 + 1}$ .

- $k(x) = \frac{5x^3 - 2x^2 + 1}{x^4 + 1}$ .

- $p(x) = \frac{x^3 - 1}{x^3 + 1}$ .

- $q(x) = \frac{x^2 + 4x + 4}{x^2 - 3x + 2}$ .

- $r(x) = \frac{x^5 + 3x^3 + 2}{x^4 - 1}$ .

- $s(x) = \frac{2x^3 - 5x^2 + 3x - 1}{x^3 + 1}$ .

- $t(x) = \frac{x^4 - 16}{x^4 + 1}$ .

- $u(x) = \frac{3x^2 - 2x + 1}{x^3 - 8}$ .

2. En los siguientes incisos se le proporciona dos asignaciones, para cada uno defina una función proporcionando su dominio máximo, codominio igual a  $\mathbb{R}$  y regla de correspondencia la asignación dada. Después, modifique los dominios de tal manera que pueda realizar la operación SUMA y proporcione esta última.

- Sean  $f(x) = \frac{3x^2 + 2x + 1}{x^3 + 1}$  y  $g(x) = \frac{x^3 + 4x^2 + 3x + 1}{x^2 + 1}$ .

- Si  $h(x) = \frac{x^4 + 2x^2 + 1}{x^3 + x^2 + x + 1}$  y  $k(x) = \frac{x^3 + x^2 + x + 1}{x^2 + 1}$ .

- Dadas  $p(x) = \frac{x^4 + x^3 + x^2 + x + 1}{x^3 - 1}$  y  $q(x) = \frac{x^5 - x^4 + x^3 - x^2 + x}{x^2 + 1}$ .

- Considera  $r(x) = \frac{2x^2 + 3x + 1}{x^2 - 1}$  y  $s(x) = \frac{x^3 - x^2 + x}{x^2 + 1}$ .

- Si  $t(x) = \frac{1}{x^2 - 2x + 1}$  y  $u(x) = \frac{2x^3}{x^2 + 1}$ .

3. En los siguientes incisos se le proporciona dos asignaciones, para cada uno defina una función proporcionando su dominio máximo, codominio igual a  $\mathbb{R}$  y regla de correspondencia la asignación dada. Después, modifique los dominios de tal manera que pueda realizar la operación RESTA y proporcione esta última.

- Sean  $f(x) = \frac{4x^3 - 3x^2 + 2x - 1}{x^2 - 4}$  y  $g(x) = \frac{x^2 - 2x + 3}{x^2 - 1}$ .
- Si  $h(x) = \frac{x^4 - 3x^2 + 1}{x^3 + 2x^2 + x}$  y  $k(x) = \frac{2x^3 - x^2 + 2x - 1}{x^2 + 1}$ .
- Dadas  $p(x) = \frac{x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1}{x^2 + 1}$  y  $q(x) = \frac{x^3 - x + 2}{x^2 + 1}$ .
- Considera  $r(x) = \frac{2x^3 + 3x^2 - 1}{x^2 - 1}$  y  $s(x) = \frac{x^3 - 2x^2 + x}{x^2 + 1}$ .
- Si  $t(x) = \frac{x}{x^2 - 1}$  y  $u(x) = \frac{3x^3 - 2x^2 + 1}{x^3 + 1}$ .

4. En los siguientes incisos se le proporciona dos asignaciones, para cada uno defina una función proporcionando su dominio máximo, codominio igual a  $\mathbb{R}$  y regla de correspondencia la asignación dada. Después, modifique los dominios de tal manera que pueda realizar la operación MULTIPLICACIÓN y proporcione esta última.

- $f(x) = \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 - 4}$  y  $g(x) = \frac{x^3 + 4x^2 + 3x + 1}{x^2 - 4}$
- $h(x) = \frac{x^4 + 2x^2 + 1}{x^3 + x^2 + x + 1}$  y  $k(x) = \frac{x^3 + x^2 + x + 1}{x^2 + 1}$
- $p(x) = \frac{x^4 + x^3 + x^2 + x + 1}{x^3 + 1}$  y  $q(x) = \frac{x^5 - x^4 + x^3 - x^2 + x}{x^3 - 1}$
- $r(x) = \frac{2x^2 + 3x + 1}{x^2 - 1}$  y  $s(x) = \frac{x^3 - x^2 + x}{x^2 + 1}$
- $t(x) = \frac{x + 1}{x^2 - 1}$  y  $u(x) = \frac{2x^3}{x^3 - 1}$

5. En los siguientes incisos se le proporciona dos asignaciones, para cada uno defina una función proporcionando su dominio máximo, codominio igual a  $\mathbb{R}$  y regla de correspondencia la asignación dada. Después, modifique los dominios de tal manera que pueda realizar la operación DIVISIÓN y proporcione esta última.

- $f(a) = \frac{4x^3 - 3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 1}$  y  $g(x) = \frac{x - 2}{x + 1}$
- $h(x) = \frac{x^4 + 2x^3 + x^2 + 1}{x^2 + 1}$  y  $k(x) = \frac{x + 1}{x - 1}$
- $l(x) = \frac{x^5 + x^3 + x}{x^2 + 1}$  y  $m(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x + 1}$
- $o(x) = \frac{2x^4 + x^3 - x + 1}{x^2 - 1}$  y  $p(x) = \frac{x + 1}{x - 1}$
- $q(x) = \frac{x^6 - 1}{x^3 + 1}$  y  $r(x) = \frac{x - 1}{x + 1}$

6. Considere los numeradores y denominadores de  $f, h, l, o, q$  como polinomios y realice la división de polinomios correspondiente (numerador entre denominador).